Министерство образования и науки РФ

ФГБОУ ВПО «Тамбовский государственный технический университет»

Кафедра «»

Лабораторная работа №1

по дисциплине «Вычислительная математика»

«Решение нелинейного уравнения методом итераций»

Вариант 15

Выполнил: студент гр..

Проверил:.

Тамбов, 20

**Цель работы:** приобритение навыков применения метода итераций для решения нелинейного уравнения; изучение условий сходимости процесса последовательных приближений.

**Задание:** 1. Проанализировать условия и характер сходимости последовательных приближений для предлогаемых уравнений.

2. Произвести численное решение предлагаемых уравнений методом итераций на ЭВМ.

**Методические указания**

Пусть задана функция и требуется найти корни уравнения

Эта задача разделяется на два этапа:

— локализация корней, т.е. нахождение таких отрезков на оси Х, на каждом из которых находится только один корень;

— вычисление корня, принадлежащего заданному отрезку с заданной степенью точности.

Для решения задачи локализации корней нет каких-либо рекомендаций, кроме утверждения о том, что если на концах некоторого отрезка функция имеет разные знаки, т.е. и монотонна, т.е. не меняет знак при , то на отрезке имеется единственный корень уравнения .

При решении практических задач очень часто отрезок , содержащий требуемый корень заранее известен.

**Принцип работы метода простых итераций**

Представим уравнение в виде:

*x=s(x).*

Это можно сделать, например, прибавив *x* к обеим частям уравнения (1). Очевидно, что при подстановке искомого корня *x\** в уравнение (2) оно превращается в тождество:

*x\** ≡ *s(x\*).*

Рассмотрим последовательность чисел *x*i, которая определяется следующим образом:

*x*0 ∈ *[a,b]* ‑ задано, *x*k+1 = *s*(*x*k).

При некоторых определенных свойствах функции *s*(*x*) эта последовательность сходится к искомому корню, т.е. *x*k→*x\** при *k*→∞.

**Исходные данные**

Нелинейная функция — , заданная точность — .

**Решение:**

Требуется решить нелинейное уравнение x\*(x+1)=1. Допустим что корень уравнения находится на интервале [0,1].

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 |
| f(x) | -3 | -1 | 1 | 3 | 17 |

Приведем исходное уравнение к эквивалентному виду :

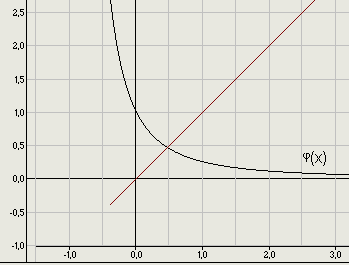
и проверим для него условие сходимости S -

На интервале [0,1] | | < 1

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x | 0 | 0.25 | 0.5 | 0.75 | 1 |
| | | 2 | 1.024 | 0.592 | 0.373 | 0.25 |

и, следовательно, метод итераций при таком эквивалентном уравнении сходится, что хорошо видно из приведенных ниже результатов расчета. В качестве начального приближения может быть выбрано любое число, принадлежащее исходному интервалу, например x0=0.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| n | xn |  |
| 0 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0.25 |
| 2 | 0.25 | 0.64 |
| 3 | 0.64 | 0.371 |
| 4 | 0.371 | 0.531 |
| 5 | 0.531 | 0.426 |
| 6 | 0.426 | 0.491 |

Блок схема программы:

Вывод «Количество итераций»;

Вывод i;

Вывод «Приближенное значение корня»;

Вывод x1;

epsilon=0.001

Вывод «Метод Простых Итераций»

i=0; x1=0; x0=0.5;r;

Вывод «Промежуточные Значения»

i++;

x1=1.0/(x0+1.0)2 ;

r= |x1-x0|;

x0=x1;

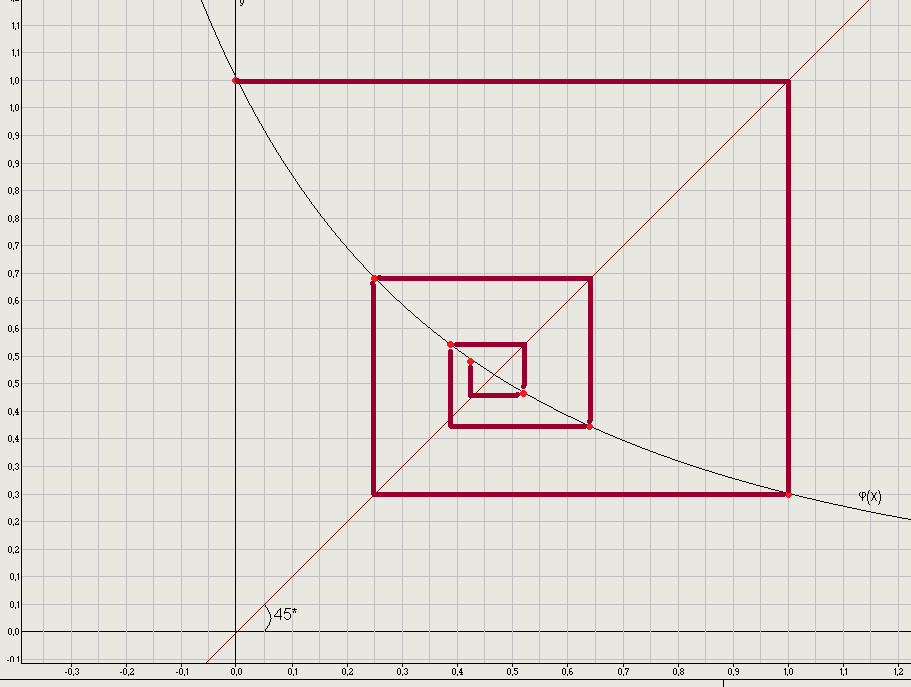
Вывод x0

r>=epsilon

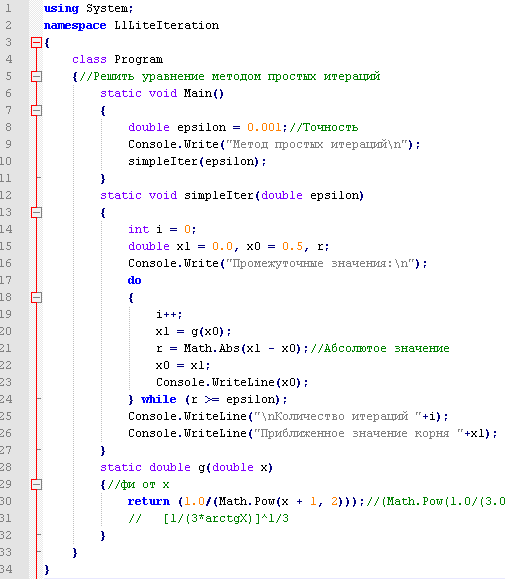
1

1

Да



Код программы для ЭВМ:



Пример работы программы для x0=0.5:

